



SE744 : Leçon introductory

De la logique combinatoire à la logique synchrone

Yves Mathieu
yves.mathieu@telecom-paris.fr



Plan

Un support électrique pour le codage binaire

Logique Booléenne

Représentation des nombres

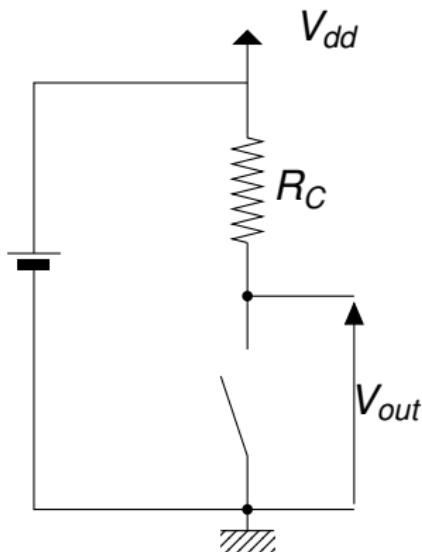
Opérateurs Arithmétiques

Notion de temps de propagation

Support physique et utilisation du codage binaire

- Choix arbitraire (presque) d'un phénomène physique
 - 2 niveaux de tension (0/5V ou -12/12V ou ...)
 - 2 niveaux de courant électrique
 - Absence/présence de lumière sur une fibre
 - ...
- Interprétations
 - Vrai/Faux pour de la logique et le contrôle
 - Automates
 - Des nombres pour du calcul
 - Calculateur

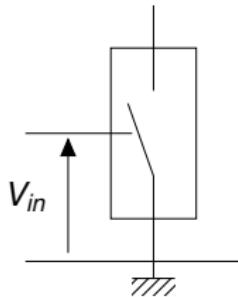
Génération d'un signal électrique «binaire»



- Interrupteur fermé
 - $\rightarrow 0V$ en sortie
- Interrupteur ouvert
 - $\rightarrow V_{dd}$ en sortie
- Interprétation

V_{out}	Out
$0V$	0
V_{dd}	1

Détection d'un signal électrique «binaire»



■ Interrupteur commandé :

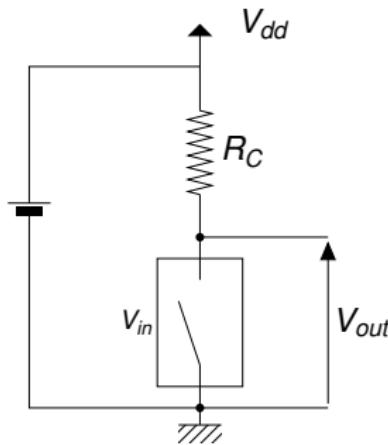
- Si $V_{in} < V_{ref}$ alors l'interrupteur est ouvert
- Si $V_{in} > V_{ref}$ alors l'interrupteur est fermé

■ Quel interrupteur ?

- Un transistor
- https://fr.wikipedia.org/wiki/William_Shockley

Opérateur de traitement binaire

Fonction Non

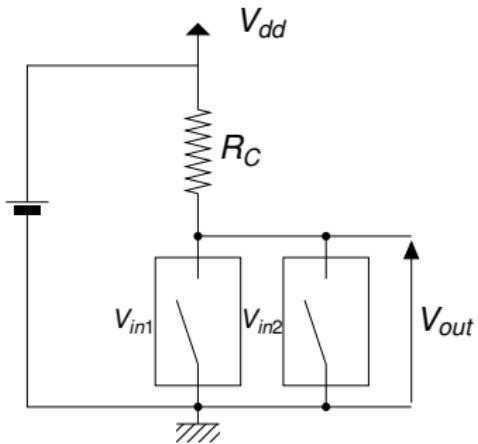


V_{in}	V_{out}	<i>In</i>	<i>Out</i>
$< V_{ref}$	V_{dd}	0	1
$> V_{ref}$	0V	1	0

- La fonction Non
- La sortie vaut 0ssi l'entrée vaut 1

Calculer

Fonction Non–Ou

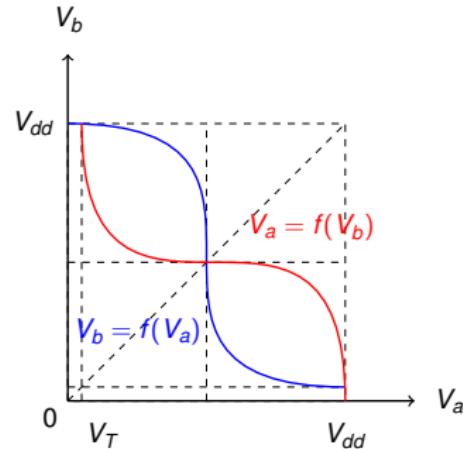
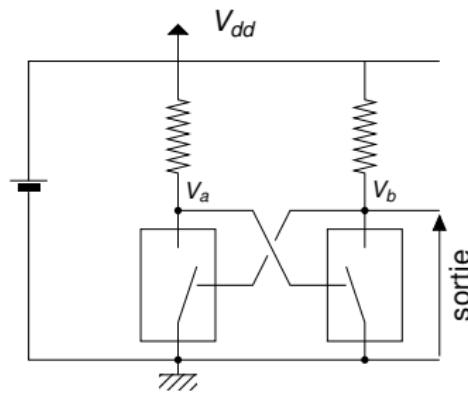


V_{in1}	V_{in2}	V_s	In_1	In_1	Out
$< V_{ref}$	$< V_{ref}$	V_{dd}	0	0	1
$< V_{ref}$	$> V_{ref}$	0V	0	1	0
$> V_{ref}$	$< V_{ref}$	0V	1	0	0
$> V_{ref}$	$> V_{ref}$	0V	1	1	0

- Fonction Non–Ou
- la sortie vaut 0 si l'une des entrées vaut 1

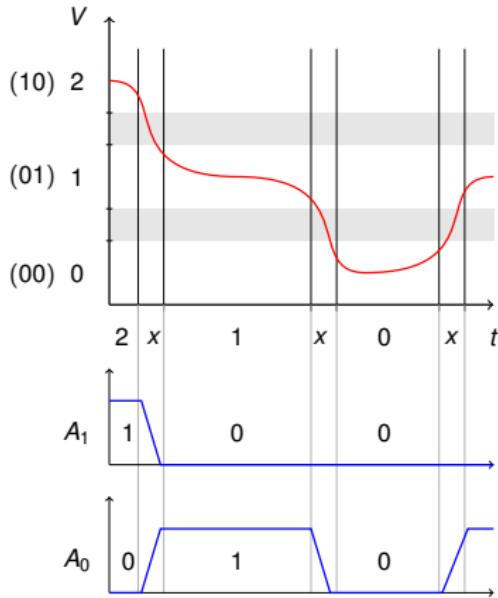
Stocker

Fonction de mémorisation



- Le couple (V_a, V_b) possède deux états stables :
 - (V_{dd}, V_{min}) ou (V_{min}, V_{dd})
 - $(1, 0)$ ou $(0, 1)$

Transmettre



Comment représenter plus de deux niveaux en binaire ?

- Utiliser plusieurs fils
- Les transmettre à tour de rôle
- Conséquences : encombrement ou débit.

De l'opérateur de traitement au microprocesseur

- Assemblage simples :
 - Portes logiques
- Assemblage en opérateurs
 - Arithmétique, contrôle ...
- Circuits électroniques exécutant des fonctions complexes
 - Microprocesseur
 - ASIC¹ (Circuits spécifiques à une application)
 - FPGA² (Circuits logiques programmables)
 - SOC³ (Systèmes sur puce)

-
- 1. *Application Specific Integrated Circuit*
 - 2. *Field Programmable Gate Array*
 - 3. *System On Chip*



Plan

Un support électrique pour le codage binaire

Logique Booléenne

Représentation des nombres

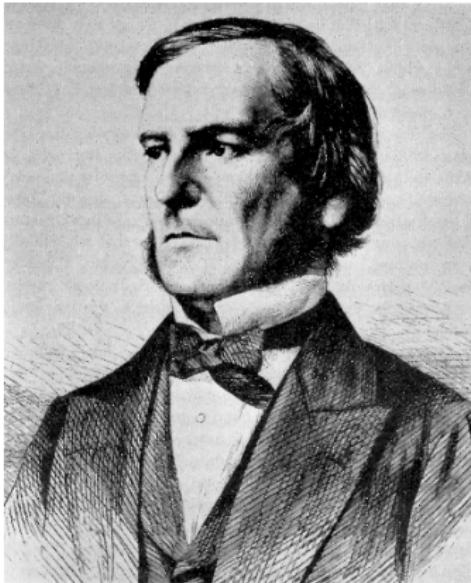
Opérateurs Arithmétiques

Notion de temps de propagation

Algèbre de Boole

Formalisme de la logique

On le doit à George Boole



Crédits image : wikipedia (http://fr.wikipedia.org/wiki/George_Boole)

Variables et fonctions logiques

Variables logiques

- Une variable logique est un élément qui appartient à l'ensemble $E = \{0, 1\}$
- Ne possède que deux états possibles : 0 ou 1

Fonctions logiques

- Fonction d'une ou plusieurs variables logiques.

$$\begin{cases} E \times E \dots \times E \rightarrow E \\ e_0, e_1, \dots, e_n \rightarrow s = F(e_0, e_1, \dots, e_n) \end{cases}$$

Fonctions logiques

Deux catégories

Fonctions combinatoires

La sortie ne dépend que de l'état actuel des entrées

$$\forall t, s(t) = F(e_0(t), e_1(t), \dots, e_n(t))$$

Fonctions séquentielles

La sortie dépend de l'état actuel des entrées et de leur passé

$$s(t) = F(e_0(t), e_1(t), \dots, e_n(t), e_0(t - t_1), e_1(t - t_1) \dots)$$

Fonctions logiques

Représentations

Plusieurs représentations possibles :

Table de vérité : En donnant toutes les valeurs possibles pour toutes les entrées possibles.

Analytique : En donnant l'équation analytique

Graphique : En utilisant les symboles de fonctions de base

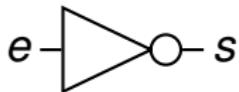
HDL⁴ : Langage “informatique” de description du matériel

4. Hardware Description Language

Fonctions élémentaires : L'inverseur (Not)

- La sortie est le complément de l'entrée
- La sortie vaut 1 si et seulement si l'entrée vaut 0

Symbole



Équation

$$s = \bar{e}$$

Table de vérité

e	s
0	1
1	0

Fonctions élémentaires : Le “et” (And)

- La sortie vaut 1 si et seulement si les deux entrées valent 1
- Si l'une des entrées vaut 0 alors la sortie vaut 0

Symbol



Équation

$$s = a \cdot b$$

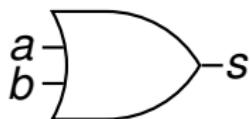
Table de vérité

a	b	s
0	0	0
0	1	0
1	0	0
1	1	1

Fonctions élémentaires : Le “ou” (Or)

- Si l'une des entrées vaut 1 alors la sortie vaut 1
- La sortie vaut 0 si et seulement si les deux entrées valent 0

Symbol



Équation

$$s = a + b$$

Table de vérité

a	b	s
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	1

Fonctions de base : Le “non et” (Nand)

- La fonction complémentaire du And
- La sortie vaut 1 si l'une des entrées est à 0

Symbole



Équation

$$s = \overline{a \cdot b}$$

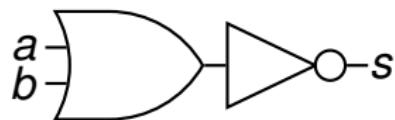
Table de vérité

a	b	s
0	0	1
0	1	1
1	0	1
1	1	0

Fonctions de base : Le “non ou” (Nor)

- La fonction complémentaire du Or
- La sortie vaut 0 si l'une des entrées est à 1

Symbole



Équation

$$s = \overline{a + b}$$

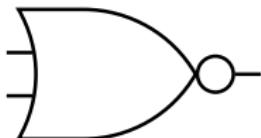
Table de vérité

a	b	s
0	0	1
0	1	0
1	0	0
1	1	0

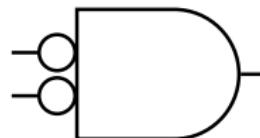
Équivalence And/Or

Théorème de De Morgan

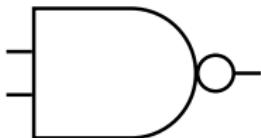
$$\overline{a + b} = \overline{a} \cdot \overline{b}$$



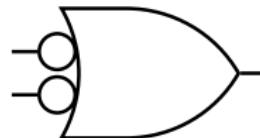
≡



$$\overline{a} \cdot \overline{b} = \overline{a} + \overline{b}$$



≡





Exercice

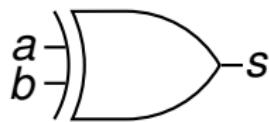
Nous supposons disposer des fonctions élémentaires (non, et, ou).

- Comment réaliser une fonction à deux entrées, dont la sortie vaut '1' si et seulement si les deux entrées sont différentes ?
- Comment réaliser une fonction à deux entrées, dont la sortie vaut '1' si et seulement si les deux entrées sont identiques ?

Fonctions de base : Le “Ou exclusif” (Xor)

- La sortie vaut 1 si une seule entrée est à 1
- La sortie vaut 1 si les deux entrées sont différentes

Symbol



Équation

$$s = a \oplus b$$
$$s = a \cdot \bar{b} + \bar{a} \cdot b$$

Table de vérité

a	b	s
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	0

Fonctions de base : Le “Non Ou exclusif” (Xnor)

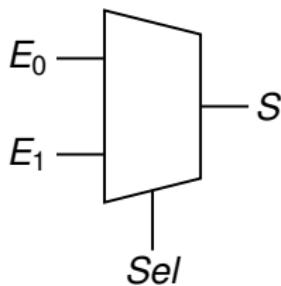
- La sortie vaut 1 si les deux entrées sont identiques
- C'est la fonction complémentaire du xor
- C'est la porte égalité

Symbol	Equation	Table de vérité															
	$s = \overline{a \oplus b}$ $s = a \cdot b + \bar{a} \cdot \bar{b}$	<table border="1"><thead><tr><th>a</th><th>b</th><th>s</th></tr></thead><tbody><tr><td>0</td><td>0</td><td>1</td></tr><tr><td>0</td><td>1</td><td>0</td></tr><tr><td>1</td><td>0</td><td>0</td></tr><tr><td>1</td><td>1</td><td>1</td></tr></tbody></table>	a	b	s	0	0	1	0	1	0	1	0	0	1	1	1
a	b	s															
0	0	1															
0	1	0															
1	0	0															
1	1	1															

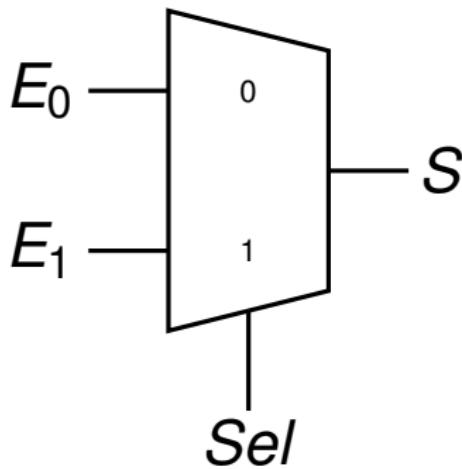
Exercices ?

Multiplexeur

- On veut réaliser une fonction d'aiguillage $2 \rightarrow 1$.
- Cette porte permet de sélectionner l'une des deux entrées en fonction d'une troisième entrée de sélection



Le multiplexeur :La fonction d'aiguillage

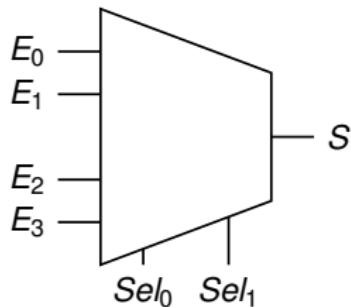


Sel	E_1	E_0	S
0	0	0	0
0	0	1	1
0	1	0	0
0	1	1	1
1	0	0	0
1	0	1	0
1	1	0	1
1	1	1	1

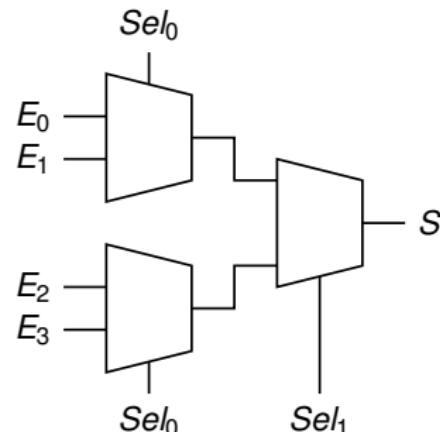
$$S = Sel \cdot E_1 + \overline{Sel} \cdot E_0$$

Le multiplexeur

Fonction d'aiguillage à quatre entrées



4 entrées \Rightarrow 2 entrées de sélection



Peut être réalisé à partir de 3 mux 2 vers 1

$$S = \overline{Sel_1} \cdot \overline{Sel_0} \cdot E_0 + \overline{Sel_1} \cdot Sel_0 \cdot E_1 + Sel_1 \cdot \overline{Sel_0} \cdot E_2 + Sel_1 \cdot Sel_0 \cdot E_3;$$

Le multiplexeur

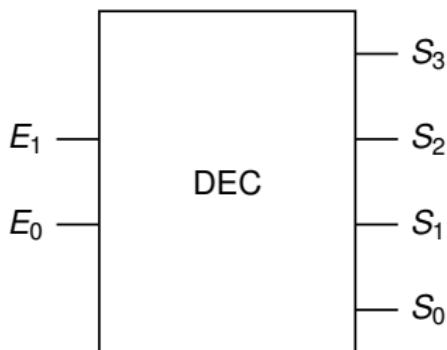
Généralisation

Pour un multiplexeur à n entrées ($n = 2^p$ une puissance de 2) :

- Il faut $p = \log_2(n)$ entrées de sélection
- Il peut être réalisé avec $n - 1$ multiplexeurs à 2 entrées organisés en p couches

Le décodeur

- n entrées 2^n sorties.
- Une seule sortie à 1 toutes les autres à 0.



E_0	E_1	S_3	S_2	S_1	S_0
0	0	0	0	0	1
0	1	0	0	1	0
1	0	0	1	0	0
1	1	1	0	0	0

- La valeur de l'entrée E représente l'indice de la sortie active.



Plan

Un support électrique pour le codage binaire

Logique Booléenne

Représentation des nombres

Opérateurs Arithmétiques

Notion de temps de propagation

Représentation des nombres

Les nombres naturels

Un entier positif N dans une base b se représente par un vecteur $(a_{n-1}, a_{n-2}, \dots, a_1, a_0)$ tel que :

$$N = a_{n-1} \cdot b^{n-1} + a_{n-2} \cdot b^{n-2} + \dots + a_1 \cdot b^1 + a_0 \cdot b^0$$

Où :

- a_{n-1} est le chiffre le plus significatif
- a_0 est le chiffre le moins significatif
- a_i appartient à un ensemble de b symboles d'indices variant de 0 à $b - 1$

Bases souvent utilisées

■ $b = 10$

- Représentation Décimale
- $a_i \in \{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9\}$

■ $b = 16$

- Représentation Hexadécimale
- $a_i \in \{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, A, B, C, D, E, F\}$

■ $b = 8$

- Représentation Octale
- $a_i \in \{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7\}$

■ $b = 2$

- Représentation Binaire
- $a_i \in \{0, 1\}$ est un bit (binary digit)

Représentation binaire

Les nombres naturels

Un entier positif N en base 2 se représente par un vecteur $(a_{n-1}, a_{n-2}, \dots, a_1, a_0)$ tel que :

$$N = a_{n-1} \cdot 2^{n-1} + a_{n-2} \cdot 2^{n-2} + \dots + a_1 \cdot 2^1 + a_0 \cdot 2^0$$

Où :

- a_i est un bit
- a_i appartient à un ensemble de 2 symboles valant 0 ou 1



Exemples

- Représentez 2, 3, 4 en binaire
- Représentez 54 en binaire

binaire \leftrightarrow hexadécimal

hexadécimal = base 16

$$N = \sum_{i=0}^{n-1} a_i \cdot 2^i$$

Profitons du fait que $2^4 = 16$. Pour simplifier l'expression le nombre de bit n est supposé être multiple de 4

$$N = \sum_{k=0}^{n/4-1} (a_{4k+3} \cdot 8 + a_{4k+2} \cdot 4 + a_{4k+1} \cdot 2 + a_{4k}) \cdot 16^k$$

Passer à une représentation hexadécimale permet d'avoir une représentation compacte !



Exemples

- Représentez 54 en hexadécimal
- Représentez 254 en hexadécimal
 - En déduire la représentation en binaire



Exemples

- Représentez 13 et 29 en binaire :
 - en utilisant 4 bits
 - en utilisant 5 bits

Représentation binaire

Taille finie

Physiquement, le nombre de bits ne peut être infini !

- Il y a 2^n valeurs représentables
- En utilisant n bits on ne peut représenter que les nombres dans l'intervalle $[0, 2^n - 1]$.
- L'arithmétique sur ces représentations est faite modulo 2^n

Représentation binaire

Exemple sur 4 bits

- Avec 4 bits on peut représenter les nombres allant de 0 à $15 = 2^4 - 1$
- L'arithmétique est alors modulo $2^4 = 16$
- Par exemple :
 - $15 + 1 = 0$
 - $0 - 1 = 15$

Décimal	Binaire
0	0000
1	0001
2	0010
3	0011
4	0100
5	0101
6	0110
7	0111
8	1000
9	1001
10	1010
11	1011
12	1100
13	1101
14	1110
15	1111

Représentation binaire

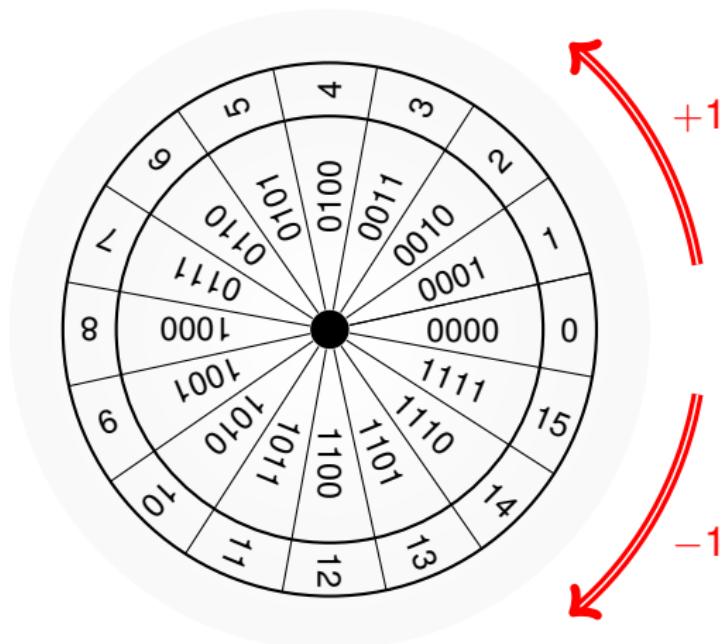
Exemple sur 4 bits

- Avec 4 bits on peut représenter les nombres allant de 0 à $15 = 2^4 - 1$
- L'arithmétique est alors modulo $2^4 = 16$
- Par exemple :
 - $15 + 1 = 0$
 - $0 - 1 = 15$
- Comment conserver le même comportement et représenter des nombres signés ?

Décimal	Binaire
0	0000
1	0001
2	0010
3	0011
4	0100
5	0101
6	0110
7	0111
8	1000
9	1001
10	1010
11	1011
12	1100
13	1101
14	1110
15	1111

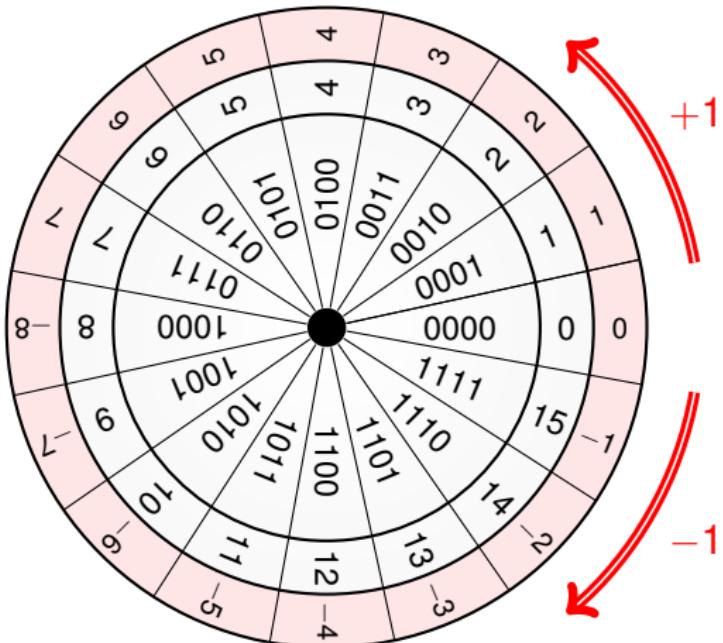
Représentation binaire des nombres

Les nombres entiers signés : exemple sur 4 bits



Représentation binaire des nombres

Les nombres entiers signés : exemple sur 4 bits



Représentation binaire des nombres

Représentation en complément à 2 (CA2)

La valeur d'un nombre en CA2 Sur n bits

$$A = -a_{n-1}2^{n-1} + \sum_{i=0}^{n-2} a_i 2^i$$

- C'est une **interprétation** du mot binaire.
- Le bit de poids fort représente le signe
 - 0 → nombre positif = $\sum_{i=0}^{n-2} a_i 2^i$
 - 1 → nombre négatif = $-2^{n-1} + \sum_{i=0}^{n-2} a_i 2^i$
- Permet de représenter les nombres dans l'intervalle $[-2^{n-1}, 2^{n-1} - 1]$

Représentation binaire

Entiers relatifs sur 4 bits

- Avec 4 bits on peut représenter les nombres allant de -8 à 7
- càd $[-(2^3), 2^3 - 1]$

Décimal	Binaire	Signé
0	0000	0
1	0001	1
2	0010	2
3	0011	3
4	0100	4
5	0101	5
6	0110	6
7	0111	7
8	1000	-8
9	1001	-7
10	1010	-6
11	1011	-5
12	1100	-4
13	1101	-3
14	1110	-2
15	1111	-1



Exemples

■ Représentez -8 et +8

- en utilisant 4 bits
- en utilisant 5 bits



Exemples

■ Représentez -8 et +8

- en utilisant 4 bits
- en utilisant 5 bits

■ Représentez -1

- en utilisant 1 bit
- en utilisant 2 bits
- en utilisant 3 bits ...

Représentation binaire des nombres

Extension de signe pour le CA2

Soit $N = (a_{n-1}, a_{n-2}, \dots, a_0)_{\text{CA2}/n}$ un entier relatif représenté en CA2 sur n bits.

Comment représenter N sur un $n + 1$ bits.

$$\begin{aligned} N &= -a_{n-1}2^{n-1} + \sum_{i=0}^{n-2} a_i 2^i \\ &= -a_{n-1}2^{n-1} \cdot (2 - 1) + \sum_{i=0}^{n-2} a_i 2^i \\ N &= -a_{n-1}2^n + \sum_{i=0}^{n-1} a_i 2^i \end{aligned}$$

D'où $N = (a_{n-1}, a_{n-1}, a_{n-2}, \dots, a_0)_{\text{CA2}/n+1}$

On a dupliqué le bit de poids fort, on parle d'extension de signe.

Représentation binaire des nombres

Les nombres décimaux en virgule fixe

Un nombre décimal D en base 2 peut être approximé un par vecteur $(a_{n-1}, a_{n-2}, \dots, a_1, a_0, a_{-1} \dots a_{-m})$ tel que :

$$D = a_{n-1} \cdot 2^{n-1} + a_{n-2} \cdot 2^{n-2} + \dots + a_1 \cdot 2^1 + a_0 \cdot 2^0 + a_{-1} \cdot 2^{-1} + \dots + a_{-m} \cdot 2^{-m}$$

Où :

- Division implicite par 2^m
- (a_{n-1}, \dots, a_0) est la partie entière
- (a_{-1}, \dots, a_{-m}) est la partie fractionnaire
- 2^{-m} représente la précision de cette approximation



Exemples

- Représentez 0.5, 3.625



Exemples

- Représentez 0.5, 3.625
- Représentez 0.6
 - en utilisant 1 bit
 - en utilisant 3 bits
 - en utilisant 5 bits



Plan

Un support électrique pour le codage binaire

Logique Booléenne

Représentation des nombres

Opérateurs Arithmétiques

Notion de temps de propagation



Addition

Exemple

Faire une addition en binaire sur 4 bits...

Addition

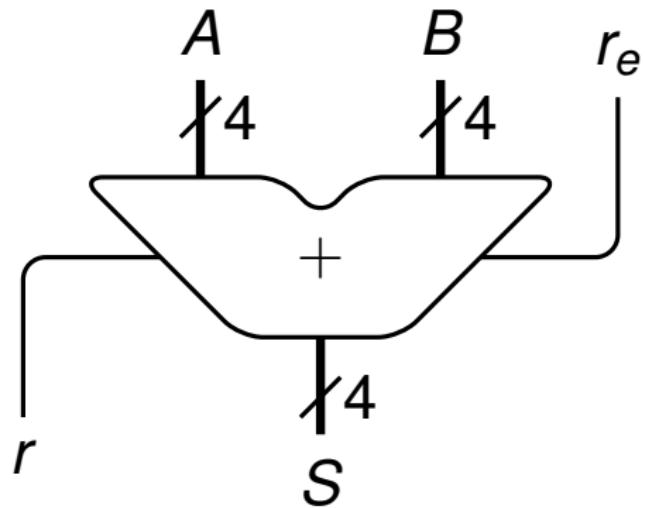
Exemple

Faire une addition en binaire sur 4 bits...

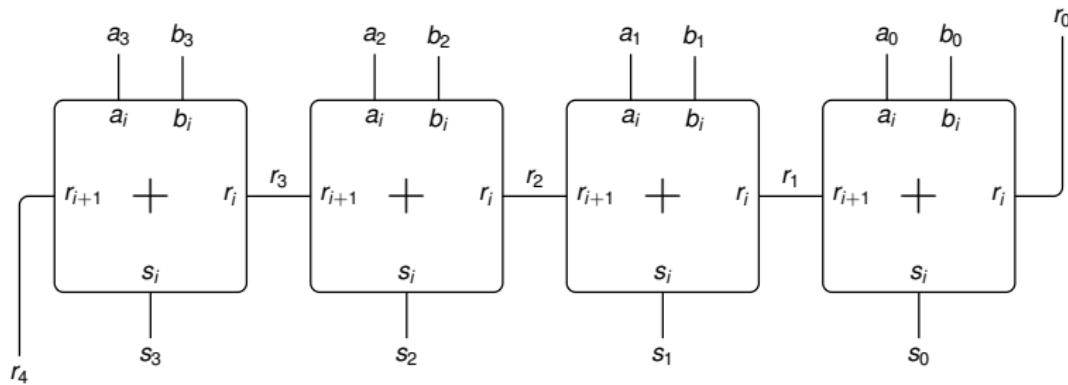
Décomposition de l'addition

L'addition peut être décomposée en plusieurs additions élémentaires sur 1 bit

Additionneur à propagation de retenue



Additionneur à propagation de retenue



Additionneur sur 1 bit

Arithmétiquement

$$a_i + b_i + r_i = 2 \cdot r_{i+1} + s_i$$

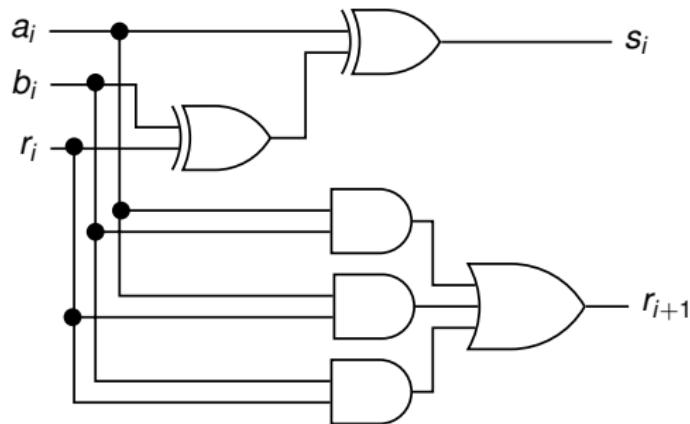
Table de vérité

a_i	b_i	r_i	r_{i+1}	s_i	Décimal
0	0	0	0	0	0
0	0	1	0	1	1
0	1	0	0	1	1
0	1	1	1	0	2
1	0	0	0	1	1
1	0	1	1	0	2
1	1	0	1	0	2
1	1	1	1	1	3

Additionneur sur 1 bit

$$s_i = a_i \oplus b_i \oplus r_i$$

$$r_{i+1} = a_i \cdot b_i + a_i \cdot r_i + b_i \cdot r_i$$



Soustracteur sur 1 bit

Table de vérité

a_i	b_i	r_i	r_{i+1}	s_i	Décimal
0	0	0	0	0	0
0	0	1	1	1	-1
0	1	0	1	1	-1
0	1	1	1	0	-2
1	0	0	0	1	1
1	0	1	0	0	0
1	1	0	0	0	0
1	1	1	1	1	-1

Soustracteur sur 1 bit

Arithmétiquement

$$a_i - b_i - r_i = -2 \cdot r_{i+1} + s_i$$

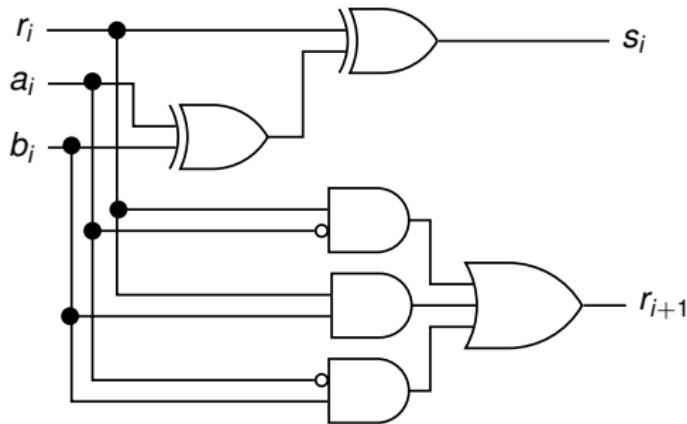
Table de vérité

a_i	b_i	r_i	r_{i+1}	s_i	Décimal
0	0	0	0	0	0
0	0	1	1	1	-1
0	1	0	1	1	-1
0	1	1	1	0	-2
1	0	0	0	1	1
1	0	1	0	0	0
1	1	0	0	0	0
1	1	1	1	1	-1

Soustracteur sur 1 bit

$$s_i = a_i \oplus b_i \oplus r_i$$

$$r_{i+1} = \overline{a}_i \cdot b_i + \overline{a}_i \cdot r_i + b_i \cdot r_i$$





Exercice

- Pour un bit b exprimez “logiquement” en fonction de b le résultat du calcul arithmétique $1 - b$.
- A est un nombre signé codé en CA2 sur n bits. Montrez que $-A = \bar{A} + 1$ (ici $+$ est l’addition arithmétique)
- Proposez alors l’architecture d’un soustracteur utilisant un additionneur à propagation de retenue et des portes logique supplémentaires.
- Proposez l’architecture d’un additionneur/soustracteur commandé.

Dynamique de l'addition

Dépassement de capacité pour l'addition

Nombres positifs

Pour deux nombres A et B représentés sur n bits nous avons :

$$\begin{aligned} A &\leq 2^n - 1 \\ B &\leq 2^n - 1 \\ A + B &\leq 2^{n+1} - 2 < 2^{n+1} \end{aligned}$$

$A + B$ est toujours représentable sur $n + 1$ bits.

exemple :

$$\begin{array}{r} & 1 & 1 & 1 & (7) \\ + & 0 & 0 & 1 & (1) \\ \hline = & 1 & 0 & 0 & 0 & (8) \end{array}$$

Dynamique de l'addition

Dépassement de capacité pour l'addition

CA2

Pour deux nombres A et B représentés en CA2 sur n bits nous avons :

$$\begin{aligned} -2^{n-1} &\leq A \leq 2^{n-1} - 1 \\ -2^{n-1} &\leq B \leq 2^{n-1} - 1 \\ -2^n &\leq A + B \leq 2^n - 2 < 2^n \end{aligned}$$

$A + B$ est toujours représentable sur $n + 1$ bits.

Dynamique de l'addition

Dépassement de capacité pour l'addition

Exemples en CA2

			non signé	CA2
	1	1	1	7 -1
+	0	0	1	1 1
=	1	0	0	8 0 ou -8?

			non signé	CA2
	0	1	1	3 3
+	0	0	1	1 1
=	1	0	0	4 -4

			non signé	CA2
	1	1	1	7 -1
+	1	0	0	4 -4
=	1	0	1	11 +3 + retenue ?

En CA2 l'interprétation de la retenue n'est pas la même que pour les nombres non signés.

Dynamique de l'addition

Dépassement de capacité pour l'addition

CA2

Une solution simple pour toujours avoir le bon résultat est de d'abord étendre les nombres sur un bit de plus puis faire la somme.

La retenue produite au delà du bit ajouté n'est pas prise en compte.

$$\begin{array}{r} & \begin{array}{cccc|c} & 1 & 1 & 1 & 1 & -1 \\ + & \begin{array}{c} 1 \\ 1 \\ 0 \\ 0 \end{array} & & & & \begin{array}{c} -4 \\ -5 \end{array} \end{array} \\ = & \cancel{\text{f}} & 1 & 0 & 1 & 1 & \end{array}$$
$$\begin{array}{r} & \begin{array}{cccc|c} & 1 & 1 & 1 & 1 & -1 \\ + & \begin{array}{c} 0 \\ 0 \\ 0 \\ 1 \end{array} & & & & \begin{array}{c} 1 \\ 0 \end{array} \end{array} \\ = & \cancel{\text{f}} & 0 & 0 & 0 & 0 & \end{array}$$



Plan

Un support électrique pour le codage binaire

Logique Booléenne

Représentation des nombres

Opérateurs Arithmétiques

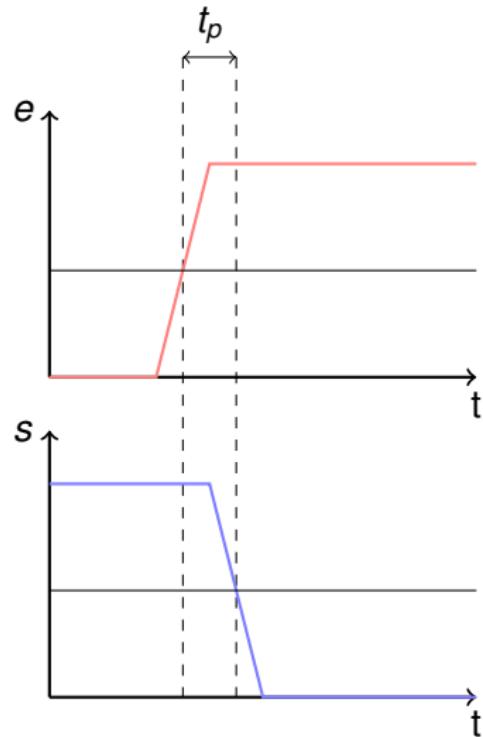
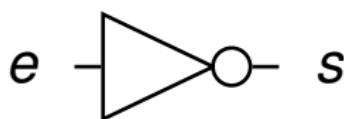
Notion de temps de propagation

Temps de propagation d'une porte

- Les portes logiques respectent les lois de la physique. Les changement d'état ne peuvent pas être instantanés.
- Le **temps de propagation** est le temps entre le changement des entrées d'une porte et la stabilisation de la valeur de sa sortie.
- La valeur de la sortie n'est valide qu'après ce temps.

Temps de propagation d'une porte

Exemple simple : Un inverseur



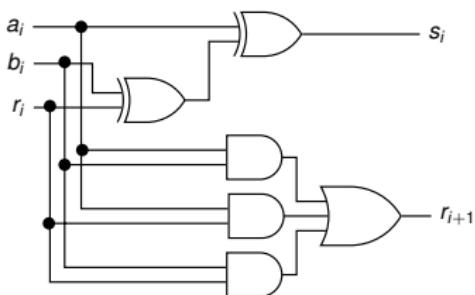
Temps de propagation d'une porte

Règles pour les portes complexes

- Les portes logiques de base sont pré-caractérisées.
- Pour une technologie particulière, on connaît le temps de propagation des portes de base.
- À partir de ces tables on calcule le temps de propagation des portes complexes en faisant la somme des temps individuels des portes qui se suivent.
- Le temps de propagation d'une porte complexe est le temps de propagation du chemin le plus long.

Temps de propagation d'une porte

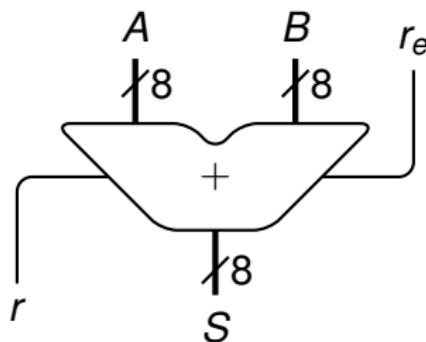
Exemple : Full adder



- Considérons que le temps de propagation est de :
 - 1ns pour les portes and et or
 - 2ns pour les portes xor
- Quel est le temps de propagation des entrées vers chaque sortie ?

Temps de propagation d'une porte

Exemple : Carry adder

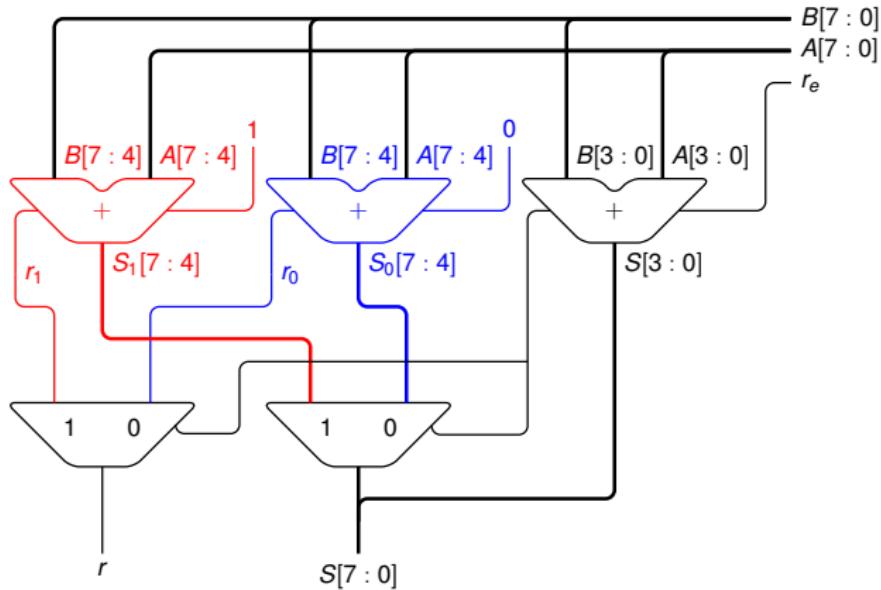


- Quel est le temps de calcul maximum d'un additionneur 8bits à propagation de retenue ?

Temps de propagation d'une porte

Exemple 2

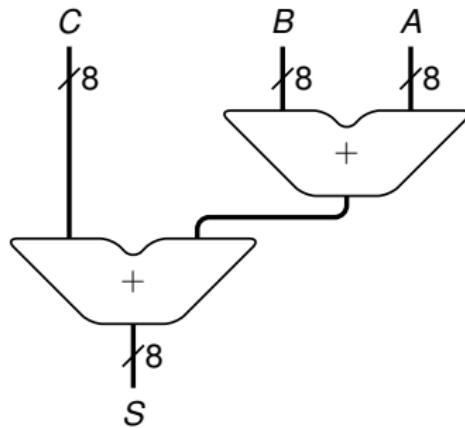
- Quelle est la fonction de ce montage ?
- Quels sont ses avantages et inconvénients ?



Temps de propagation d'une porte

Exemple 3

- Quel est le temps de propagation de cette addition ?





Exercice

- Proposez 2 solutions pour construire un opérateur qui, pour 2 nombres non signés représentés sur 8 bits, renvoie le maximum.
 - L'une utilisant un opérateur arithmétique
 - L'autre comparant bit à bit les 2 nombres (en commençant par le poids fort)
- Quel est le temps de propagation dans chaque cas.
- Proposez dans chaque cas une architecture permettant de comparer 4 nombres. Quel est alors temps de propagation.